PASJ2017 WEP036

SuperKEKB における Turn by Turn モニターを用いた Head Tail Damping の解析と 横方向インピーダンスの評価

TRANSVERSE IMPEDANCE MEASUREMENT IN SUPERKEKB

黒尾奈未^{#, A)}, 大見和史^{B)}, 大西幸喜^{B)}, 飛山真理^{B)}, 末次祐介^{B)}, 三増俊広^{B)}, 周徳民^{B)}, 照井真司^{B)}, 柴田恭^{B)}, 石橋拓弥^{B)}

Kuroo Nami ^{#, A)}, Ohmi Kazuhito^{B)}, Ohnishi Yukiyoshi^{B)}, Tobiyama Makoto^{B)}, Suetsugu Yusuke^{B)},

Mimashi Toshihiro^{B)}, Demin Zhou^{B)}, Terui Shinji^{B)}, Shibata Kyo^{B)}, Ishibashi Takuya^{B)}

A) University of Tsukuba

^{B)} KEK

Abstract

In High Energy Accelerator Research Organization, SuperKEKB project is progressing toward upgrade. This project aims improvement luminosity (8×10^{35} cm⁻²s⁻¹) which is 40 times of the performance of the KEKB accelerator. In Phase 1 of SuperKEKB, a performance test as storage ring was carried out. Understanding of ring impedance/wake is an important subject in phase I. Measurement of head tail damping using Turn-by-Turn monitor was also performed to evaluate impedance/wake. Betatron motion is excited by kicker and its damping is measured for several sets of bunch current and chromaticity in both HER and LER. The wake field was calculated from the decrement of betatron amplitude. We present the wake field which is cross-checked with tune shift based on the current dependence.

1. はじめに

SuperKEKB プロジェクトの第1段階である Phase 1の 運転は2月1日から6月28日まで行われた。この段階 では衝突点は設置せず、蓄積リングとしてのパフォーマ ンステストが行われた。その中で、インピーダンスの評価、 オプティクススタディ、真空焼き、高電流での運転に起因 する問題点の発見と対策は重要な課題であった。Phase 2は2018年以降の5か月間が予定されている。Phase 2 はKEKB加速器の時のルミノシティ~10³⁴ cm⁻² s⁻¹まで 到達させることを目的としている。

Wake/impedance の理解は近年の大強度加速器の設計においては重要な問題である。Wake によって引き起こされる不安定性は加速器の性能を制限する[1]。逆に Wake によって引き起こされる Head Tail Damping は不 安定性を抑制するために使われることがある。Phase 1 で は、Wake を評価する為に電流依存のチューンシフト測 定と Turn by Turn(TbT)モニターを用いた Head Tail Damping の解析が行われた[2]。

2. ベータトロンチューンシフト

ベータトロンチューンシフトは以下の式のように表される。

$$2\pi\Delta\nu = -i\frac{Nr_e}{4\sqrt{\pi\gamma}}\frac{c\beta}{\sigma}Zeff \tag{1}$$

$$Z_{eff} = \frac{\sigma}{\sqrt{\pi}c} \int_{-\infty}^{\infty} Z(\omega) e^{-\frac{i(\omega - \omega_{\xi})^2 \sigma^2}{c^2}} d\omega$$
(2)

#s1620226@u.tsukuba.ac.jp

 Z_{eff} はダイポールモーメントの effective impedance であ り、 β は $\beta \sim \frac{L}{2}$ ~11mの平均ベータである。 $\Delta \nu$ の実部と 虚部はそれぞれチューンシフト、振動の増幅・減衰を表 している。その為、チューンシフトとHead Tail Dampingの 測定をすることで Effective impedance/wake を評価する 事ができる。Wake/impedance は Table 1 のパラメータを 用いて計算する。

Table 1: SuperKEKB Parameters

	LER	HER
Circumference, L (m)	3016.315	
Energy, E (GeV)	4.0	7.0
Bunch population, N (1010)	9.04	6.53
Bunch length(mm)	6.0	5
Tune, v_x/v_y	44.53/46.57	45.53/43.57
Synchrotron tune v_s	0.022	0.024

3. 実験

3.1 Head Tail Damping

TbT モニターを用いた測定は LER と HER の水平方 向・垂直方向ともに行われた。バンチをキッカーによって 蹴り、バンチ電流(*I*)とクロマティシティ(ξ)を変えてベータ トロン振動の減衰を測定した。Figure 1 はクロマティシティ 3.1 の時の電流ごとの減衰を示しており、Figure 2 は電流 が 0.5 mA の時のクロマティシティごとの減衰を示してい る。Figure 1 と Figure 2 から電流、クロマティシティが増加 するごとに減衰が速くなっていることが分かる。



Figure 1: Horizontal amplitude data in LER. The center of oscillation was shifted and plotted. As the current increases, damping becomes faster.



Figure 2: Horizontal amplitude data in LER. The center of oscillation was shifted and plotted. As the chromaticity increases, damping becomes faster.

1 つのモニターから得られるベータトロン振動の データは 4096 ターンであり、これを 256 ターンごと に高速フーリエ変換(FFT)する。得られた 16 個の振 幅データを $exp(-T_0turn/\tau)$ で ft して減衰率 T_0/τ を出す。 ここで T_0 と tはそれぞれ revolution time と damping time である。Figure 3 はベータトロン振動の FFT 結果である。



Figure 3: Evolution of FFT amplitude of the betatron oscillation data where current is 0.5 mA and chromaticity is 3.1.

Figure 4-7 は LER と HER における水平方向・垂直 方向の減衰率を示している。x 軸は電流とクロマ ティシティの積であり、y 軸は 1 周あたりの減衰率 (T₀/τ)である。プロット点の色の違いはクロマティシ ティの違いを表している。電流、クロマティシティ が大きくなるほど減衰が速くなることがわかる。



Figure 4: Horizontal damping rate as function of currentchromaticity product in LER.



Figure 5: Vertical damping rate as function of currentchromaticity product in LER.



Figure 6: Horizontal damping rate as function of currentchromaticity product in HER.



Figure 7: Vertical damping rate as function of currentchromaticity product in HER.

Proceedings of the 14th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan August 1-3, 2017, Sapporo, Japan

PASJ2017 WEP036

プロットは以下の関数で fit した。Table 2 に傾き (a)と切片(b)を示す。

$$\frac{T_0}{\tau} = aI\xi + b$$

able 2: Margin Specification	argin Specification	ons
------------------------------	---------------------	-----

Ring		a[/A]	b
LER	Horizontal	0.157	4.79×10^{-4}
LER	Vertical	0.160	4.32×10^{-4}
HER	Horizontal	0.110	4.70×10^{-4}
HER	Vertical	0.081	6.48×10^{-4}

3.2 Tune Shift

チューンは LER と HER ともにバンチ電流を変え て測定された。Figure 8 と9はバンチ電流の関数とし てのチューンを示している。プロット点は以下の関 数で fit した。

 $\nu = \nu' I + \nu_0$

傾きv'の単位は mA⁻¹ であり、切片vo'と共に値を図中 に記載してある。



Figure 8: Horizontal (left) and vertical (right) tune shift for changing the bunch current in LER.



Figure 9: Horizontal (left) and vertical (right) tune shift for changing the bunch current in HER.

4. 解析

Effective Impedance の実部と虚部は式(1)を用いて チューンシフトと Head Tail Damping の減衰率から求 まる。実部はクロマティシティで除してある。Table 3 に effective impedance を示す。 今回は impedance/wake のモデルとして broad band resonator (Q=1)を仮定する。

$$W_m(z) = W \frac{\omega_R}{\overline{\omega}} e^{\frac{\alpha z}{c}} \sin \frac{\overline{\omega} z}{c}$$
(3)

$$Z(\omega) = \frac{WQ/\omega}{1 + iQ\left(\frac{\omega_R}{\omega} - \frac{\omega}{\omega_R}\right)}$$
(4)

Wake の強さ(W)と resonator frequency (ω_R)は effective impedance の実部と虚部から計算される。

式(1)の虚部Im[$\Delta \nu$] = $T_0/(2\pi\tau)$ は $Z(-\omega) = -Z^*(\omega)$ よりクロマティシティが 0 の時 0 になる。Im[$\Delta \nu$]は $\omega_R \sigma_z/c>1$ であり $\omega_\xi \ll \omega_R$ の時クロマティシティに 対して線形である。またRe[$\Delta \nu$]はクロマティシティ によらない。IW に対して線形なチューンシフトは 以下のような式で表される。

$$(\operatorname{Re}[\Delta\nu] + i\operatorname{Im}[\Delta\nu]) \approx \frac{Lr_e\beta_X}{8\pi^{3/2}e\gamma c} (IW \times A(\omega_R) + iIW\xi \times B(\omega_R)).$$
(5)

$$\frac{Im[\Delta\nu]/\xi}{Re[\Delta\nu]} = \frac{B(\omega_R)}{A(\omega_R)}.$$
(6)

ここで、A=Im[Z_{eff}]/W, B=-Re[Z_{eff}]/(Wξ)とする。 Figure 10 は ω_R の関数としての B/A と B を示している。W と ω_R は式(5)と(6)によって計算される。A と B の比から ω_R が得られ(式(6))、得られた ω_R を用いてW が計算される。



Figure 10: B/A and B as function of ω_R for broad band resonator model.

Impedance によるバンチ電流の threshold を LER の horizontal に置いて 2 つの方法で求めた。1 つはト ラッキングシミュレーションでもう一つは固有モー ドを求めた。Figure 11 は電流に対するチューンの変 化であり、Figure 12 は電流におけるシンクロベータ 振動の増幅率を示している。それぞれ式(7)の固有値 問題を解いて得られた結果である。この結果から、 バンチ電流の threshold は約 9 mA であることがわか る。

$$(\mu - mu_x - l\mu_z)a_{kl} = \sum_{k'l'} M_{kl,k'l'}a_{k'l'}$$

$$M_{kl,k'l'} = \frac{Nr_0}{2\gamma}\beta_x i^{l-l'-1}\omega_0 \int Z(\omega')e^{\omega^2\sigma^2/c^2}d\omega$$
(7)



Figure 11: Eigen mode in LER horizontal.



Figure 12: Threshold of bunch current in LER horizontal.

ビーム粒子のトラッキングを
$$\Delta p_x = -\frac{Nr_e}{\gamma} \int_z^\infty W_x(z-z') \rho_x(z') dz'$$

を数値的に計算することで、不安定性のシミュレー ションを行った。Figure 13 はシミュレーションの結 果である。バンチ電流の threshold は 11 mA であるこ とがわかる。



Figure 13: Tracking simulation in LER horizontal.

5. 結論

SuperKEKB プロジェクトの phase 1 ではベータト ロン振動の減衰率とチューンシフトが測定された。 このデータを用いて横方向 effective impedance が評価 された。Broad band resonator モデルを用いて得られ た解析結果は Table 3 に示してある。ここで Z の単位 は s/m² である。また Effective impedance は電磁場を 解くことによって要素ごとに推定され、例えば LER 水平方向では2.17 × 10⁻⁶ s/m² であった。

チューンシフトは I=1mA の時に約 0.001 であり、 シンクロトロンチューンは 0.025 である。Wake を用 いた粒子トラッキングシミュレーション、固有モー ドによって、LER 水平不安定性に関しての電流の threshold は設計値の約 10 倍であることがわかった。 垂直方向、HER に関しても同様の解析を行って いる。今後の衝突実験ではコリメータがビームの近 くに設置される為、wake/impedance が増加するが threshold を超えないように設計・設置することに なっている。

Table 3: Impedance and Wake in SuperKEKB Phase 1 Commissioning

Ring	Re[Z _{eff}]/ξ	Im[Zeff]	$W[/m^2]$	$\omega_R \sigma/c$
LER H	9.0×10^{-8}	3.4×10^{-6}	2.5 × 10 ⁵	1.5
LER V	9.1×10^{-8}	5.7×10^{-6}	8.7×10^{5}	2.8
HER H	9.2×10^{-8}	3.9×10^{-6}	$^{4.7}_{ imes 10^5}$	1.8
HER V	6.8×10^{-8}	1.3×10^{-5}	2.1 × 10 ⁶	5.0

参考文献

- A.W. Chao, Physics of Collective Beam Instabilities in High Energy Accelerators (Wiley-Interscience Publication, New York, 1993), and references therein.
- [2] T. Ieiri et al., "Impedance measurements in the KEKB", in Proc. EPAC'00, Vienna, Austria, Jun. 2000, pp. 1423-1426.