# 収差補償を導入したレーザーコンプトン散乱用光学共振器の設計 OPTICAL ENHANCEMENT CAVITY WITH ASTIGMATISM CORRECTION FOR LASER COMPTON LIGHT SOURCE

本田洋介 \*A)

Yosuke Honda\* A)

<sup>A)</sup>High Energy Accelerator Research Organization (KEK)

### Abstract

Energetic photon beam produced via Laser-Compton scattering is expected to have variety of applications. An optical enhancement cavity with a small spot size at the collision point is a key to realize a high average flux. It is known that astigmatism arising from finite incident angle on the concave mirror limits the smallest spot size in the case of conventional 4-mirror ring cavity. We discuss a design of an optical cavity with astigmatism compensation utilizing additional convex mirrors. It improves the ellipticity of beam profile at the focus point and can realize a smaller spot size.

# 1. はじめに

加速器の電子ビームにレーザー光を衝突させること で、電子の運動量の一部を光子に受け渡すことができる (レーザーコンプトン散乱)。この手法は、比較的小型の 装置で、準単色で指向性の良い、高エネルギー光子を生 成出来ることから、様々な応用が期待されている<sup>[1][2]</sup>。

光源としての利用を考えるうえで、最大の課題はフ ラックスである。限られたレーザーのパワーで平均フ ラックスを稼ぐ為に、レーザー光を光学共振器に蓄積し て実効的な強度を増大し、共振器中で電子ビームと衝突 させる構成の開発が進められている。衝突のルミノシ ティを稼ぐためには、電子ビームとレーザー光を衝突点 において小さなスポットサイズに設計する必要がある。 レーザー光は、共振器の固有モードで決まる形状になる ので、出来るだけ絞られた固有モードを持つ安定な共振 器を設計することが開発課題である。

ここでは、ミラーの組み合わせで収差を補償する手 法を採用し、小さなスポットサイズを実現できる光学共 振器の設計について議論する。

# 2. 収差の効果と共振器の設計

共振器は、衝突点で小さなスポットサイズを実現する と同時に、周回するレーザーのパルス間隔を電子ビー ムのバンチ間隔に合わせるように調整できる必要があ る。これら2つの機能は独立に導入するのが望ましく、 通常は、Fig.1に示す凹面ミラー2枚と平面ミラー2枚 による4枚ミラーリング型の共振器設計が用いられる。 収束の効果は凹面ミラーが担い、その外側ではほぼ平行 光で伝搬させ、平面ミラーにより周長を調整する。

凹面ミラーは斜入射で使用されることになるため、入 射面に依存した光学設計の非対称性、つまり、収差が発 生する。安定に実現できるスポットサイズの下限は、収 差によって決まることになる。この制限を克服するた め、ミラー自体の形状に非対称性を導入する方法などが 検討されている<sup>[3]</sup>。ここでは、ミラー自体は製作技術 が確立している球面の形状とし、ミラーの枚数を増やし て補償光学系を構成する方式を検討する。



Figure 1: 通常の4枚ミラーリング型共振器.

2.1 原理

Fig.2に示すように、曲率半径 $\rho$ のミラーを入射角 $\alpha/2$ で用いる場合、球面ミラーは、紙面内の方向 (tangential) と紙面に垂直な方向 (sagittal) で異なる焦点距離  $f_t, f_s$ を持つ働きをし、それぞれ、

$$f_t = \frac{\rho}{2}\cos(\alpha/2) \tag{1}$$

$$f_s = \frac{\rho}{2\cos(\alpha/2)} \tag{2}$$

で与えられる。ここで、凹面ミラーの場合は $\rho > 0$ 、凸



Figure 2: 球面ミラーにおける斜入射.

面ミラーの場合はρ<0となるだけで、表式は変わらない。凹面ミラーと凸面ミラーで符号が異なることから、 これらを組み合わせて使用することで、全体としての収 差を補償する光学系を設計することが出来る。

<sup>\*</sup> yosuke@post.kek.jp

### **PASJ2014-SAP116**

### 2.2 収差補償部の設計

まず、幾何光学の手法で組み合わせミラー部の収差の 補償を検討し、その後で改めてガウスビームでの計算を 行い、微調整する。

Fig.3 のような凹面ミラーと凸面ミラーの組み合わせ で収束作用を持たせるとする。凹面ミラーの曲率半径を  $\rho_1$ 、凸面ミラーの曲率半径を  $\rho_2$  とし、それぞれ、入射 角を  $\alpha_1/2, \alpha_2/2$  で使用する配置とする。収束点から凹 面ミラーまでの距離は L、凹面ミラーと凸面ミラーの距 離は D である。基本的には、これら 6 つのパラメータ で記述できる。



Figure 3: 収束部のレイアウト.

Fig.4 に示すように、収束点を起点として発散した光 線が、収束部の外側では 2 平面共に平行光となること が、収差補償の条件である。光路を決める空間的なパラ メータは、構造的な条件から予め決めてしまい、ρ<sub>1</sub>,ρ<sub>2</sub> の良い組み合わせの解を探した。



Figure 4: 幾何光学による収差補償の概念.

L = 0.5m, D = 0.2m,  $\alpha_1 = 0.15$ rad,  $\alpha_2 = 0.275$ rad の 条件で、2 平面についてそれぞれ、上記の条件を満たす  $\rho_1, \rho_2$ を計算した結果を Fig.5 に示す。2 平面で同時に成 立する点が、収差の補償を意味する。構造的な条件の決 め方によっては、2 本の線が重なる点が存在しなかった り、1 点で交差したりするが、この場合は、広い領域で 2 本の線が緩やかに接するような状態で、許容幅が大き いと考えられる。 $\rho_1 = 0.5$ m,  $\rho_2 = -0.65$ m が解である ことが分かる。

#### 2.3 収差補償部の設計

前節で決めた収差補償の収束部を対称に配置し、6枚 のミラーから成るリング共振器を、Fig.6のように設計 した。

固有モード解析により、共振器の各点におけるビーム サイズを計算することが出来る。具体的には、任意の点 を起点として一周の伝搬行列を計算し、その固有ベクト ルからビームサイズが得られる。Fig.7 は、共振器半周 のビームサイズの伝搬の様子である。Fig.8 は、収束点 近傍の拡大である。



Figure 5: 収差を補償するパラメータの探索.



Figure 6: 収差を補償するパラメータの探索.

収束点でのサイズは、凹面ミラーから収束点までの距離Lによって微調整することができる。Fig.9、Fig.10に、 Lと収束点でのビームサイズの関係を示す。Lを小さく するに従って、ビームサイズが絞られ、L = 0.47725m において、安定解が無くなる。収差が補償されているお かげで、2平面はほぼ同じ振る舞いになり、真円のプロ ファイルになることが分かる。

### 2.4 収差補償の無い場合との比較

比較の為、収差補償を行わない、単純な Fig.1 の形状 の場合の計算を示す。周長 4m で、凹面ミラーへの入射 角は α/2 = 0.131rad とした場合である。Fig.11 は、共 振器一周のビームプロファイルの伝搬の様子である。収 束点で 20μm まで絞ろうとすると、扁平なプロファイル になってしまう。Fig.12 は、凹面ミラー間の距離を調整 したときの、収束点でのビームサイズの応答である。で きるだけ絞るように調整しようとすると、一方の平面 が先に不安定領域に入ってしまうため、両平面を同時に 絞っていくことが出来ない。



Figure 7: 共振器半周のビームプロファイル.

### **PASJ2014-SAP116**



Figure 8: 収束点付近のビームプロファイル.



Figure 9: 収束点サイズの調整.

# 3. 共振器構造体の概念設計

共振器の実装の概念図を Fig.13 に示す。Fig.6 に従っ た、基本周波数 81.25MHz の共振器である。ミラーの枚 数が増え、多少複雑になるが、従来の構造体の設計思想 を引き継いだ構成として考えた。この図には描かれてい ないが、共振器の共鳴を制御するためのピエゾ駆動機構 など、必要に応じて備える必要がある。この構造体全体 を真空チェンバに収容して、加速器のビームラインに設 置することになる。なお、この設計には、冗長性を持た せるため、2つの独立した共振器が一つの構造体に収め られている。

# 4. まとめ

単純な4枚ミラーリング型の共振器の場合は、凹面 ミラーを斜入射で使用することにより収差が発生し、こ



Figure 10: 収束点サイズの調整 (拡大).



Figure 11: 通常の4枚ミラーリング共振器の場合の共振 器一周のビームプロファイル.



Figure 12: 通常の4枚ミラーリング共振器の場合の収束 点サイズの調整.

れが実現できるスポットサイズの限界を与える。凹面ミ ラーと凸面ミラーを組み合わせて用いる事で、収差を打 ち消すことが可能である。6枚ミラーリング型の構成に よって、2σ = 20μmのサイズまで真円を保って収束す ることができることを示した。

# 参考文献

- [1] H.Shimizu, et al., "X-ray generation experiment in STF accelerator on quantum beam technology program", 第 10 回 加速器学会年会プロシーディングス
- [2] K. Sakaue, "Development of a compact X-ray source via laser-Compton scattering using an optical super-cavity", 第 10 回加速器学会年会プロシーディングス
- [3] H.Shimizu, et al., "Laser Stacking Cavity Development for Quantum Beam STF Collision Experiment", 第9回加速器 学会年会プロシーディングス



Figure 13:6枚ミラーリング共振器の構造体の概念設計.