極短バンチ計測用 2Cell 型 RF-Deflector に関する研究 STUDY ON 2 CELL RF-DEFLECTOR CAVITY

FOR ULTRA-SHORT ELECTRON BUNCH MEASUREMENT

高橋猛之進^{#, A)},西村祐一^{A)},西山将大^{A)},坂上和之^{A)} 鷲尾方一^{A)},高富俊和^{B)},浦川順治^{B)} Takenoshin Takahashi^{#, A)}, Yuichi Nishimura^{A)}, Masahiro Nishiyama^{A)} Kazuyuki Sakaue^{A)}, Masakazu Washio^{A)}, Toshikazu Takatomi^{B)}, Junji Urakawa^{B)} ^{A)} Waseda University ^{B)} High Energy Accelerator Research Organization

Abstract

We have been studying on a system to measure ultra-short electron beam bunch length at Waseda University. We adopted the rf-deflector system which can convert the longitudinal distribution to transverse by sweeping the electron bunch. By using HFSS, we optimized the design of the 2-cells rf-deflector which is operating on π -mode, standing wave, dipole (TM₁₂₀) mode at 2856 MHz. This rf-deflector was designed to have enough performance for measuring the 200 femto second bunch. Adjusting the cavity parameters, which was calculated in HFSS, we have finished manufacturing under the collaboration with High Energy Accelerator Research Organization (KEK). We will integrate the rf-deflector into an S-band Cs-Te photocathode rf electron gun system in Waseda University, and carry out bunch length measurement. In this paper, the design of rf-deflector, the estimation for rf-deflector performance, and the future plan will be described.

1. はじめに

早稲田大学では小型線形加速器を用いて様々な研究を行っており、電子線源として二種類の加速空胴を所持している。1.6Cell型SバンドCs-TeフォトカソードRF電子銃(以下、RF-Gun)ではパルスラジオリス実験^[1]やレーザーコンプトン散乱^[2]への応用がなされ、ECC RF電子銃(以下 ECC-Gun)ではコヒーレントテラヘルツ光生成^[3]への応用が期待される。RF-Gun で生成される数 ps バンチの縦方向プロファイルの詳細計測や ECC-Gun で生成される数100fs バンチのバンチ長測定が今後必要となってくる。そのために RF-Deflector による高い時間分解能でのバンチ長測定を目指し、研究を進めてきた。

2. RF-Deflector によるバンチ長測定原理

RF-Deflector に高周波電磁波を供給すると形状固 有の共振モードが励起され、ビーム軌道上の共振電 磁場はビームに力を与える。共振電磁場は時間変化 しているためにバンチ各部に働く力の大きさは異な るが、この力がビーム軌道に対して垂直に働く場合 RF-Deflector 通過後のビームはドリフトに伴い傾け られていく。これはビームの縦方向プロファイルが 横方向プロファイルに変換されることを意味し、こ の横方向プロファイルを計測することでバンチ長を 算出することが可能となる。

早稲田大学では TM120 モードを用いることで磁場によるローレンツ力のみをビームに及ぼす設計と



Figure 1: Outline of bunch length measurement.

した。RF-Deflector によるバンチ長測定の概念図を Figure 1 に示す。バンチ長 Δz を算出する際に用いる 理論式は電子に対する運動方程式を解くことで得ら れ、

$$\Delta z = \frac{E \sqrt{\sigma_{yon}^{2} - \sigma_{yoff}^{2}}}{(2)cB_{0}L} \frac{1}{\cos(\omega t_{0} + \phi) - \cos\phi}$$
(1)

となる。E はエネルギー、c は光速、cos の項はビー ムが RF-Deflector に入射する位相に依存する値であ る。また、分母の 2 は 2Cell 型の時に付く値である。 ビームは Figure 1 に示した σ_{yoff} のように RF-Deflector なしの場合にも大きさを持っており、 σ_{yon} を測定する時に σ_{yoff} に埋もれる部分が少なければバ ンチ長測定の時間分解能が高くなると考えられるの で σ_{yon} を大きく、 σ_{yoff} を小さくすることが重要であ る。式(1)より B_0 やL を大きくすることで時間分解

[#] qwerty-ytrewq@toki.waseda.jp

能の向上、すなわち極短バンチの測定が可能になる と言えるが、加速器施設の広さから L を大きくする のには限界があるため、 B_0 が大きくなるように RF-Deflector 設計を行い、結果として直方体の空胴を二 つ結合した 2Cell 型 RF-Deflector を採用した。

3. RF-Deflector の設計と製作

2Cell 型 RF-Deflector の設計^[4]には 3 次元電磁場 解析コード HFSS を用いた。RF-Deflector は一種の 空胴共振器であり、マクスウェル方程式を解くこと によって空胴形状固有の共振モードが求められるの で、2856MHz で TM120 モードが共振するような空 胴パラメータを用いて設計を行った。この条件を満 たす形状は x 方向長さと y 方向長さを調整すること で幾通りにもなるが、その中でビーム軌道上の最大 磁束密度 B_0 が一番大きくなる形状を採用した。直 方体の形状により TM120 モードと TM210 モードの 縮退をとき、安定なモード選択が可能である。

さらなる時間分解能の向上を目指し 2Cell 型へと 改良した。 π モードで動作させることにより、より 大きな力をバンチに与えることが可能となる。設計 した 2Cell 型 RF-Deflector の概観を Figure 2 に示し たが、ビーム軌道上の磁場強度分布は Figure 3 のよ うに 1:1 となり、効率良くビームに力を与えること ができる。





Figure 2: Structure of Figure 3: Magnetic field in 2-2-cells RF-Deflector cells RF-Deflector (HFSS). (HFSS).

また、RF-Deflector に電磁波を供給する導波管との 結合の状態もその性能を決める要素として重要であ るが、導波管と RF-Deflector の結合部の大きさを調 整することで導波管とのインピーダンス整合を行っ た。Figure 4 の HFSS 上での反射法の結果から 2856MHz 付近に π モードが共振しており、導波管か

らのエネルギー供給も十分であると言える。Figure 5 のスミスチャートを見れば結合定数 β がほぼ 1 であ り、理想的な結合状態を表わしている。





Figure 4: Reflecting method result (HFSS).

Figure 5: Smith chart (HFSS).

以上の設計を元に RF-Deflector の製作を行った。 製作は KEK と共同で行い、4 回の調整加工の後、導 波管のろう付けを行い、Figure 6 に示した 2Cell 型 RF-Deflector が完成した。Figure 7 はビーズ法を用い た磁場強度分布測定結果であり、HFSS での結果と は少しずれが生じてしまったが、これは RF-Deflector に取り付けたチューナーを使って調整する ことができる。また、Figure. 8 にネットワークアナ ライザを用いた反射法の結果、Figure. 9 にスミス チャートを示す。





Figure 6: Structure of 2-Cells RF-Deflector.



Figure 7: Magnetic Field in 2-Cells RF-Deflector.



Figure 8: Reflecting method result.

Figure 9: Smith chart.

これらの結果から Table 1 に示す通り、HFSS での 設計値と実際のパラメータはほぼ一致しているとい うことができる。各モードの共振周波数目標値に関 しては大気中での計測であったことや温度依存性か ら実際の加速器システム環境で適切に動作するよう な値を設定している。目標値とのずれに関しても磁 場強度比同様に、チューナーによる最適化が十分可 能である。

Table 1: 2-Cells RF-Deflector Parameters

パラメータ	結果	目標値
πモード	2855.300MHz	2855.487MHz
0モード	2859.852MHz	2860.037MHz
Δf	4.552MHz	4.55MHz(HFSS)
π モードのQ値	16565	17282(HFSS)
磁場強度比	1.15:1	1:1
結合定数 β	1.047	1.000

4. バンチ長測定実験のセットアップ

RF-Deflector が完成し、ビームライン中に導入す

ることでバンチ長測定実験を行うことができるが、 ビームライン中のどの位置にどのコンポーネントを 配置するかを決めなければならない。予定している バンチ長測定実験のセットアップを Figure 10 に示す。



Figure 10: Setup of bunch length measurement.

バンチ長測定には RF-Gun を用い、ソレノイド電磁 石でビームの拡がりを抑え、RF-Deflector 直前に置 いた Q magnet で RF-Deflector OFF 時の蛍光板での ビームサイズ、すなわち式(1)の σ_{yoff} が小さくなるよ う調整を行う。RF-Deflector が ON と OFF のそれぞ れにおいて蛍光板での発光を CCD カメラでとらえ、 バンチ長を算出する。蛍光板は厚さ 100 μ m、 1.5×3.5cm のものを用いる予定である。なお、RF-Deflector へのエネルギー供給はクライストロンで生 成した 10MW の内、方向結合器によって分けられた 750kW の予定である。

ビームライン中への RF-Deflector の導入を行う前 に σ_{yoff} の模擬測定として Figure 10 のセットアップ において RF-Deflector をビームパイプに取り換えた 状態で測定を行った。 σ_{yoff} はできる限り小さくすべ きであったのでソレノイド電磁石と Q magnet の電 流値を調整しながらどの程度の値まで絞ることがで きるのかを調べた。Figure 11 は調整後のビームサイ ズを表わしており、その時のビームパラメータはエ ネルギー約 5MeV、電荷量約 20pC/bunch である。



Figure. 11: Beam size measurement.

Figure 11 に示したビームサイズとして、 σ_{yoff} は RMS 値でおよそ 220 μ m となっている。RF-Deflector の性能に関しては後に述べるが、それを考慮すれば この σ_{yoff} は十分小さな値と言うことができる。

5. RF-Deflector の性能評価

2Cell 型 RF-Deflector を ON にすることでどの程度 ビームを傾けることができるのかを調べるために、 電子ビームトラッキングコード GPT を用いたシ ミュレーションを行った。Figure 10 と同様のセット アップを用い、ビームサイズ測定での結果と同様 σ_{voff} が 220µm となるようにソレノイドや Q magnet の電流値を調整した。Figure 12 に RF-Deflector の位 相に対する y 方向重心位置と y 方向ビームサイズの 関係を示したが、この結果から重心位置が 0 のまま 変化しないゼロクロス位相においてビームサイズ最 大となっていることがわかる。Figure 13 に RF-Deflector OFF 時の 2.05m 付近でのビーム形状、RF-Deflector ON 時ビームサイズ最大となる位相での ビーム形状を示しておく。Figure 13 から RF-Deflector が原理通りの効果を発揮していることがわ かる。なお、横軸には時間 t をとり、ビームの進行 方向を表わしている。



Figure 12: Beam size and center position of bunch to RF-Deflector phase.



Figure 13: Beam shape in time direction distribution (left: RF OFF right: RF ON)

Table 2: Result of GPT Simulation

σ_{yoff}	219µm
Δz	3.04ps
σ_{yon}	6.91mm

Table 2 に **GPT** から得られた結果を示したが、重 心位置の変化 Δy は

$$\Delta y = \frac{c^2 B_0 L}{E\omega} \left\{ \sin(\omega t_0 + \phi_0) - \sin \phi_0 \right\}$$
(2)

で表わされるから Figure 12 での結果と、 σ_{yoff} や Δz などのパラメータを用いることで B₀を算出すること ができ、その値は 718G となった。式(1)に σ_{yoff} や Δz 、 算出した B₀などの値を代入すれば理論的な σ_{yon} とし て 7.00mm を得る。シミュレーションでの σ_{yon} の値 と比べれば約 1%の誤差が生じていることとなり、 これは空間電荷効果の影響や式(1)を導く際、簡単な モデルを使ったことに起因すると考えられる。

このように理論式と実測値には何らかの誤差が必 ず生じるはずだが、測定すべきバンチ長が短くなれ ばなるほど誤差による影響は強く現れてしまうため、 十分な精度を持った測定が困難になる。 σ_{yon} に ϵ_{yon} %、 σ_{yoff} に ϵ_{yoff} %の誤差が存在する時バンチ長 Δz の測定誤差は誤差伝搬の式より

$$\frac{\sqrt{\sigma_{yon}^{4}\varepsilon_{yon}^{2} + \sigma_{yoff}^{4}\varepsilon_{yoff}^{2}}}{\sigma_{yon}^{2} - \sigma_{yoff}^{2}} (\%)$$
(3)

となり、これは ϵ_{yon} の値より小さくならない。 B_0 は 既に求められていて、 σ_{yoff} の値を設定すれば式(1)より あるバンチ長に対する σ_{yon} が計算できるから式(3)を 用いてバンチ長に対する測定誤差を計算することが できる。例えば σ_{yon} の誤差が 5%であり、 σ_{yoff} の誤 差が 20%である時のバンチ長測定誤差を Figure 14 に示す。



Figure 14: Error of bunch length measurement.

Figure 14 からわかるようにバンチ長がある値より 小さくなると誤差が急激に増加し始めるが、 σ_{yoff} を 小さくすることでバンチ長の測定誤差を抑えること ができる。Figure 11 で示したビームサイズ測定では σ_{yoff} をおよそ 220µm まで絞ることができ、これを Figure 14 と照らし合わせると約 7%の誤差で 200fs のバンチを測定することが可能であり、RF-Deflector OFF 時のビームサイズ σ_{yoff} をできる限り小さく絞る ことの重要性がよくわかる。バンチ長の測定誤差が σ_{yon} の誤差 5%より小さくならないことを考慮すれ ば誤差は十分抑えられており、2Cell 型 RF-Deflector の性能として 200fs のバンチは測定可能と言って良 いだろう。

6. まとめと今後

RF-Deflector によるバンチ長測定の原理を基に高 い時間分解能を実現するための RF-Deflector を HFSS によって設計した。強い共振磁場を得るため の形状や 2Cell 型構造を用いることで 200fs のバン チ長測定が可能であることを GPT により見積もる ことができた。KEK での調整加工を経て完成した 2Cell 型 RF-Deflector の各パラメータは HFSS による 設計値とほぼ一致し、生じたずれに関しても RF-Deflector に取り付けたチューナーにより容易に調整 が可能である。

今後、Figure 10 のセットアップでビームライン中 に RF-Deflector を導入し、RF-Gun を用いてバンチ長 測定実験を行う予定である。200fs といった極短バ ンチの測定が可能であることから、数 ps のバンチ に対しては縦方向のプロファイルを詳細に計測でき ることが期待される。

参考文献

- [1] K. Ogata, et al., Proc. of IPAC'11, THPS090,(2011)
- [2] K. Sakaue, et al., Radiation. Phys. Chem. 77. 1136 –1141 (2008)
- [3] Y. Koshiba, et al., Proc. of IPAC 2013, MOPFI024 "ULTRA-SHORT ELECTRON BUNCH GENERATION BY AN ECC RF GUN"
- [4] Y. Nishimura, et al., Proc. of IPAC 2013, WEPFI023 "STUDY ON TWO-CELL RF-DEFLECTOR CAVITY FOR ULTRA-SHORT ELECTRON BUNCH MEASUREMENT"