# 炭化珪素セラミックスの誘電特性と HOM 減衰器設計への応用

竹内保直、影山達也

高エネルギー加速器研究機構 〒305-0801 茨城県つくば市大穂 1-1

#### 概要

KEKB 加速器の ARES 空洞用高次モード(HOM) 減衰 器に採用された 2 種類の a 型炭化珪素(SiC) セラミック スの誘電率は、マイクロ波領域で緩和型分散特性を示す。 この性質は「低い抵抗を持つ結晶粒内と、高い抵抗を持 った結晶粒界」という構造を持つと仮定すると、他の性 質とともにうまく説明できる。本論文では、このような 構造モデルに基づいて、SiC セラミックスの誘電特性と HOM 吸収体設計への応用について議論する。

# 1 はじめに

KEKB 加速器の ARES 空洞では、砲弾形炭化珪素セラ ミックス(砲弾形 SiC:外径 55mmφ、有効長 400mm) を使用した矩形導波管型 HOM 減衰器と、タイル状の炭 化珪素セラミックス(SiC タイル:48mm×48mm、厚さ 9~20mm)を使用した溝付ビームパイプ型 HOM 減衰器が 組み込まれている[1]。砲弾形 SiC 及び SiC タイルは、そ れぞれの仕様に合わせて、異なる特性を持つ 2 種類の常 圧焼成 α型 SiC セラミックスの製品が採用された。今後、 砲弾形 SiC と SiC タイルの 2 種類の SiC セラミックスを それぞれ SiC-A、SiC-B と略す。

これら二つの型の HOM 減衰器の場合、電波吸収特性 は、伝搬モードである表面波の特性に大きく依存する [2]。 したがって、伝搬モードに大きく影響を与える誘電率の 実数部  $\varepsilon'$  と、電波吸収に直接影響する虚数部  $\varepsilon''$  は、 共に、マイクロ波吸収体を設計する上で極めて重要なパ ラメータである。誘電率  $\varepsilon$  は、 $\varepsilon = \varepsilon' - j\varepsilon''$ 、比誘電率 は、 $\varepsilon/\varepsilon_0 = \varepsilon'_r - j\varepsilon''_r$ と表す。



図1:SiC-A、SiC-Bの比誘電率の周波数特性

SiC-A と SiC-B の高周波誘電特性についてと、特に、 SiC-B が Debye 型分散特性を示し、その性質は「低い抵 抗を持つ結晶粒内と、高い抵抗を持った結晶粒界」とい う構造で説明できることについては、すでに報告されて いる[3]。ここで、その概略に触れておく。

図 1 に SiC-A と SiC-B の代表的な比誘電率の周波数特 性を示す。図 1 の SiC-B の誘電率は、(1-1) 式で表され る Debye 型の分散特性を示している。

 $\varepsilon_{r}(\omega) = \varepsilon_{r\infty} + (\varepsilon_{r0} - \varepsilon_{r\infty})/(1+j\omega \tau)$  (1-1) ここで、 $\varepsilon_{r0}$ 、 $\varepsilon_{r\infty}$ 、 $\tau$ は Debye の特性を決める定数で あり、 $\tau$ は緩和時間を表す。



図2:BeO 添加 SiC の構造モデルと等価回路

一方、文献等によると、BeO(酸化ベリリウム)添加 のホットプレス SiC セラミックスでは、比較的電気抵抗 が小さい半導体からなる結晶粒内(10Ω cm 以下と見積も られている)と、粒界近傍のキャリア空乏層からなる抵 抗の大きい部分から構成される構造を持つことが確認さ れ、図 2 のような構造モデルと等価回路が提案されてい る[4] [5] [6]。等価回路から、誘電率は(1-2)~(1-4)で 表される。

$$\varepsilon'_{r} = \varepsilon_{r\infty} + (\varepsilon_{r0} - \varepsilon_{r\infty})/(1 + \omega^{2} \tau^{2})$$
(1-2)

 $\varepsilon''_{r} = \omega \tau (\varepsilon_{r0} - \varepsilon_{r\infty})/(1 + \omega^{2} \tau^{2}) + \sigma/(\varepsilon_{0} \omega)$ (1-3)

 $\tau = RgRd(Cg+Cd)/(Rg+Rd)$ (1-4)

ここで、Cg、Rg は、結晶粒内の容量及び抵抗を表し、 Cd、Rd はキャリア空乏層からなる粒界部分の容量および 抵抗を表す。 $\sigma$ は Rg と Rd を直列に接続したときの電気 伝導度に対応する。このモデルでは、Rg<<Rd、Cg<<Cd であるから、緩和時間は、 $\tau \approx$ RgCd となり Rg と Cd で 決まる時定数で表される。Rg は、粒内のキャリア濃度と 移動度で決まる。 $\varepsilon_{10}$ 、 $\varepsilon_{roc}$ は、それぞれ $\omega \rightarrow 0$ 、 $\omega \rightarrow \infty$ で の $\varepsilon$ <sup>'</sup>,の極限値を表している。図 2 の構造モデルで、電 極の面積と電極間距離をそれぞれ単位面積、単位長さに 選べば、Rg<<Rd、Cg<<Cd を考慮して、等価回路から、  $\varepsilon_{10}$   $\approx$ Cd/ $\varepsilon_{0}$ 、 $\varepsilon_{roc}$   $\approx$ Cg/ $\varepsilon_{0}$ が得られる。したがって、 $\ell_{10}$ は Cd により、 $\varepsilon_{roc}$ は Cg によって決まる。 $\varepsilon_{roc}$ は粒内の 誘電率に対応するため、SiC 単結晶の誘電率に近い値に なると予想される。

SiC-B にこのモデルを適用すると、抵抗率が約 2× 10<sup>5</sup>Ωcm であるため、0.2GHz 以上の周波数では(1-3)式 第2項が0.05より小となり、無視できる。(1-2)式と(1-3) 式の第2項を除いた式は、(1-1)の Debye の式にほかな らない。したがって、このモデルは、図1に示す SiC-B の誘電特性を表すことができ、さらに低い周波数領域で (1-3)式の第2項の効果が現れる誘電特性を予測してい る。

単結晶の SiC は、エネルギーギャップ約 3eV の半導体 であるが、その誘電率が SiC-B ような緩和型分散特性を 持つという例はない。SiC-B で現れた緩和型分散特性は 図 2 のモデルに示されるように、SiC セラミックスが多 結晶構造であることに起因する性質と考えられる。

# 2 原材料ロットによる誘電特性の違い

SiC-B の誘電率は、原料ロットによって異なることが 確認されている [3]。図 3 に原料ロットの異なる SiC-B の比誘電率の周波数特性を示す。誘電率は、HP85070M 誘電体測定システムと HP8510C ネットワークアナライザ を使用して、0.2~10GHz の周波数で 0.1GHz ステップで測 定された。破線は(1-1)式を定義とした回帰曲線である。 この fitting から求めた  $\varepsilon_{n}$ 、  $\varepsilon_{r\infty}$ 、  $\tau$  の値を比較すると、 ε ∞の変化は小さく、 ε ₀ の変化は 20%以下であるが、緩 和時間 τは 2 倍以上に大きく変化している。 τ≈RgCd で あるが、Enの変化が rの変化に比べて小さいことから Cd の変化は小さい。したがって、誘電特性の差は主に Rg が大きく変化して、てが変ったことによるものと考えら れる。Rg の変化は、粒内のキャリア濃度の変化と移動度 の変化で決まるが、キャリア濃度を支配する原料内の不 純物が、有力な原因と考えられる。SiC-B は焼結助剤と して B (ホウ素)を使用しているため、ほかの不純物の 影響がない場合は、粒内は B(ホウ素)がアクセプター となった p 型半導体になる。しかし、原料ロットによっ て緩和時間が変化することから、B(ホウ素)以外のキ ャリア濃度を支配する不純物の存在が予想される。





## 3 誘電率の温度特性

SiC-B の誘電率の周波数特性を、試料の温度をパラメ ータとして、前章と同じシステムを用いて測定した。試 料をホットプレート上で暖めて素早く誘電率を測定し、 温度は、誘電率測定の直前と直後に測定して管理した。 図4に結果を示す。試料の温度が上昇するにつれて、 $\epsilon''$ が極大となる周波数  $f_r$  (Debye モデルでは  $f_r=1/(2\pi r)$ )が 大きく変化し、高くなっていることが分かる。測定デー タに Debye の特性((1-1) 式)を当てはめて、 $\varepsilon_{n0}$ 、 $\varepsilon_{ro}$ 、  $\tau$ の値を得た。その結果、温度上昇(約 50K)に伴って  $\varepsilon_{n0}$ は 20%程度増加し、 $\varepsilon_{ro}$ はほとんど変化せず、緩和時 間  $\tau$ が約 1/3 に急激に減少していることが分かった(図 5)。



図4: SiC-Bの比誘電率(温度 27.7~79.9℃)



図5: ε<sub>n</sub>、ε<sub>r</sub>、τの温度特性(SiC-B)

ここで、図2のモデルを立ち返ってこの温度特性を考 察してみる。τ~RgCd であるが、ε<sub>n</sub>の変化がτの変化 に比較して小さいことから Cd の変化は小さい。したが って、主に Rg が変化して Tが大きく変ったと考えられ る。Rg の温度特性は粒内の移動度とキャリア濃度の温度 特性で表される。文献によると、a型 SiC セラミックス の代表的な構造である 6H-SiC の不純物のエネルギーレベ ルは、p型の場合、B(ホウ素):0.3~0.723eV、Ga(ガリ ウム): 0.317~0.333eV、AI (アルミニウム): 0.19~0.49eV である[7]。kT (k:ボルツマン定数、T:絶対温度)の 値が 300K で約 0.026eV に対応するため、0.3eV 程度のエ ネルギーレベルの不純物に対しては、室温付近でのキャ リア濃度の温度特性は不純物領域である可能性がある。 不純物領域であるとすると、Rg の温度特性は、キャリア 濃度の影響が大きく現れる。そこで、不純物領域でのキ ャリア濃度の温度依存性  $exp(-\Delta E/2kT)$ を利用すると、  $\tau$ の温度依存性は、近似的に exp(ΔE/2kT)で表される[8]。 ここで、ΔE は不純物のエネルギーレベルである。図5 に 示した実線の曲線は、この関数形を誘電率から求めた τ に当てはめたものである。ほぼこの関数形に一致してい ることが分かる。この fitting から、不純物のエネルギー レベル∆E が求められ、∆E≈0.36eV が得られた。この値は、

B (ホウ素)、Al、Ga 等の不純物のエネルギーレベルに近 い値である。誘電率の温度特性(τの温度特性)は、見 方を変えると、粒内の室温付近でのキャリア濃度が、不 純物領域にあることを示しているように見える。

SiC-A の誘電率の周波数特性は、製造会社の測定により、緩和型分散特性(f,=約 10MHz)をもっていることが分かった[9]。このことは、SiC-A においても、図 2 のモデルがあてはまることを意味する。図 6 は、SiC-A の誘電率の周波数特性を、試料の温度をパラメータとして測定したグラフである。この測定結果は、緩和型特性の高い周波数側の裾を観測しており、SiC-B の特性と同じように、温度上昇とともに f,が高くなっている様子が現れていると予想される。



図6: SiC-Aの比誘電率(温度27.9~81.8℃)

## 4 HOM 減衰器設計への応用

SiC-A、SiC-B のような特性を持つ SiC セラミックスを HOM 減衰器等の電波吸収体として利用する場合には、周 波数領域、入力高周波電力等の要求に合わせて、必要な SiC セラミックスの特性を調整、選択することが望まし い。  $\varepsilon_{rov}$ 、  $\varepsilon_{ros}$ 、  $\tau$  の 3 定数の中で、 $\tau$  (=1/( $2\pi f_{r}$ ))の値は、 使用周波数に影響するため特に重要である。さまざまな 周波数帯に対応できるように、キャリア濃度の調整等に よって、 $\tau$ の値を自由にコントロールできる SiC セラミ ックスが製品化されることが望まれる。

ARES 空洞の 2 種類の HOM 減衰器は 0.8~2GHz の高次 モードを想定して設計されている。この周波数範囲は、 SiC-A 、SiC-B 共に、f,より高い周波数領域であり、特に SiC-A ではかなり f,から離れている (図 1)。SiC-B のよ うに f, が HOM の周波数に近いと、大きな値の  $\varepsilon'$ 、  $\varepsilon''$ を利用できるが、図 4 から分かるように、温度変化に対 して f,付近の誘電率の変動が大きい。一方、f,が HOM の 周波数から離れている SiC-A では、大きな値の  $\varepsilon'$ 、 $\varepsilon''$ を利用できないが、HOM の周波数範囲の誘電率の温度変 化は小さい (図 6)。ARES 空洞の 2 種類の HOM 減衰器 の電波吸収特性は、伝搬モードである表面波の特性に大 きく依存し、誘電率の変化によって急激に吸収特性が変 化することがあるため、ε′の変動には注意が必要であ る。例えば、砲弾形 SiC の場合、伝搬モードである HE<sub>11</sub> モードの性質から、誘電率の実数部ε'と SiC の直径で 決まる特定の周波数 f<sub>c</sub>(φ40mm、ε′ ,=22 では、 f<sub>c</sub>≈0.95GHz)を境に、高い周波数側で大きな吸収特性に

急に変化する[2]。f<sub>c</sub>が f<sub>r</sub>より高い周波数で、f<sub>r</sub>に近い領域 にあり、かつ、f<sub>c</sub>以下の周波数の高次モードが存在する 場合は、温度上昇により $\varepsilon'$ が大きくなり f<sub>c</sub>が低くなっ て HOM を吸収し、さらに温度上昇が起こるという循環 で、局所的な発熱の可能性がある。冷却水路からはなれ ている砲弾形 SiC の先端付近等は充分な検討が必要であ る。ARES 空洞の HOM 減衰器の内、大きな電力を吸収 する砲弾形 SiC では、f<sub>r</sub>が離れていて、HOM の周波数範 囲で温度変化の影響が小さい SiC-A を採用した。それに 対して、比較的小さな電力を吸収し、小さな形状が求め られる SiC タイルでは、f<sub>r</sub>が近くて、大きな値の $\varepsilon'$ 、  $\varepsilon''$ を利用できる SiC-B を採用した。このように、ARES 空洞では、2 種類の SiC セラミックスの異なる特性を用 途に応じて使い分けている。

#### 5 結論

KEKB 加速器の ARES 空洞用 HOM 減衰器に採用され た 2 種類の SiC セラミックスの高周波誘電特性は、「低 い抵抗を持つ不純物半導体の結晶粒内と、高い抵抗を持 つ結晶粒界」というモデルで説明できる。その内 1 種類 の SiC セラミックスの誘電率は、温度上昇に対して緩和 時間 τ が減少する特性を持っている。この特性は、構造 モデルの考察により、粒内キャリア濃度の温度特性が大 きく影響していると考えられる。この構造モデルに基づ いた性質を利用すれば、緩和時間の調整等によって HOM 吸収体を最適に設計できる。SiC セラミックスの高周波 誘電特性等の性質を考える上で、SiC 焼結体が多結晶半 導体であるという視点に立つことが重要であると考えら れる。

### 参考文献

- T. Kageyama, et al., "HOM-Damped Structure of the ARES Cavity", Proceedings of the 13th Symposium on Accelerator Science and Technology, Osaka, Japan, Oct., 2001, pp.226-228.
- [2] Y. Takeuchi, et al., "The SiC Absorber for the KEKB ARES Cavity", Proceedings of the 5th European Particle Accelerator Conference, Spain, June, 1996.
- [3] Y. Takeuchi and T. Kageyama, "RF Dielectric Properties of SiC Ceramics", Proceedings of the 27th Linear Accelerator Meeting in Japan, Kyoto, 2002, pp. 314-316, (Japanese).
- [4] K. Maeda, et al., "Grain-boundary Effect in Highly Resistive SiC Ceramics with High Thermal Conductivity", pp. 260-268 in Advances in Ceramics, Vol. 7, Additives and Interfaces in Electronic Ceramics, ed. M. F. Yan and A. H. Heuer, American Ceramics Society, Columbus, OH., 1984.
- [5] K. Maeda, et al., "Dielectric Behavior of SiC Ceramics with BeO Addition", Extended Abstract of Electronics Div. 21-E-85, Annual Meeting, Am. Ceram. Soc., 1985.
- [6] 前田 邦裕, (株) 日立製作所, 私信.
- [7] "Properties of Silicon Carbide", ed. G. L. Harris, INSPEC, Inst. Elect. Eng., London, 1995, pp. 87-92.
- [8] S. M. Sze, "Physics of Semiconductor Devices", 2<sup>ad</sup> edition, A Wiley-Interscience publication, Chapter 1.
- [9] 岩井明仁, 日立化成工業(株), 私信.