# BEAM LOADING COMPENSATION FOE SHORT-PULSE HIGH-CURRENT BEAMS

Shozo ANAMI, Atsushi ENOMOTO, Satoshi OHSAWA and Isamu SATO KEK, National Laboratory for High Energy Physics 1-1 Oho, Tsukuba-shi, Ibaraki-ken, 305

# ABSTRACT

The beam loading effect of short-pulse beams, compared to the filling time of accelerating structures, can be compensated by changing a period of bunch repetition from that of accelerating rf waves. The compensation method, calculation and effect about the case of the PF linac are described.

短パルス大電流ビームのビーム負荷補償

1、はじめに

KEK-PFリニアックでは、Bファクトリー計画の入射器 としてより強度の強い陽電子発生が求められている。 いくつかの入射方式とそれらに伴うリニアックの増強 方式が考えられているが、その中の一つの候補として 現在の10倍の強度を持つ陽電子を発生させ、600MeVま で加速する方法がある。この場合、リニアックのエネ ルギー増強は必ずしも必要ではなく、単に、現在 200MeVの位置に置かれた陽電子発生標的を下流の2GeV に移す事になる。リニアックの下流には100MHzの空洞 を備えるcooling ringが設けられる。この方式でリニ アックの課題となるのは、如何に大電流の電子ビーム を質の低下なく標的まで加速する事が出来るのかとい う事である。ここで要求される電子ビームは、パルス 幅が10nsで、電流は出来るだけ多くであるが、加速管 に蓄えられるrfエネルギーには限りがあり、その10~ 20%分に当たる2~4Aの加速が一応の目標となる。この 様な大電流、マルチバンチの加速で常に問題となるの は、ビームで誘起されるrfによる横方向のビーム発散 と縦方向のエネルキー拡がりである。ここではこのエ ネルギーの拡がりを押さえるためのビーム負荷補償に ついて、その方法と効果及びその問題点等を取り扱う。

# 2、ビーム負荷補償の方法

進行波型リニアックで古くからよく行われている過 渡的なビーム負荷効果の補正方法は、加速管がまだ十 分に加速電場で満たされてない filling time の途中 の段階からビームを入れ始める方法である。例えば、 ビームパルスの終わりで10%のビーム負荷が見込まれ るならば、rfパルスが加速管の90%に達したところで ビーム入射を開始する。この方法で少なくともビーム パルスの始めと終わりのエネルギーを揃える事が出来 るが、ビームパルスが終わる前にはrfパルスが加速管 の終端まで達していなければならない。このことから この方法で補正できる最大量は、加速管のTrに対する ビームパルス幅の割合で決められる(定電界型では更に 小さくなる)。従って、50ns以下の短いパルス幅で大電 流を加速しょうとする場合にはこの方法を用いる事が 出来ない。

この様なパルス幅の短い場合の負荷補償として、パ ルス内のバンチ間隔をrfの周期と違える事によって、 それぞれのバンチが乗るrfの位相を変えて、エネル ギー補正を図る方法が考えられる。即ち、ビーム負荷 の影響を殆ど受けない先頭バンチはrfの波頭から最も 遠くに置き、ビーム負荷の影響を次第に大きく受ける 後続バンチになるに従ってrfの波頭に近づける方法で ある。rfの周期と異なるバンチ列を得るには、プリバ ンチャ・パンチャを含む入射部の周波数を他の全てと 異なるものにすればよい。他の方法として偏向磁石を 用いてエネルギー差による航路差で得る事もできるが、 ここではビームの質を損なうことのない入射部の周波 数を変える方法で考える。

同じように周波数を変えてビーム負荷補償を行う方 法として、入射部を除くリニアックの一部を別の周波 波数系とし、この一部をエネルギー差の補正専用とし て用いる方法がある。しかし、この方法では、この一 部がビームに対して加速・減速の位相になるため、そ の割合に相当して加速エネルギーが低下する。又、大 型加速器では異なる周波数にしなければならないこの 一部の数が多数なものともなる。このため、特に既設 てあるPFリニアックにこの方法を用いるのは困難であ ると考えられる。

# 3、ビーム誘起電圧の成長とその補償

先ず、n個のパンチ列が加速管を通過したときに誘 起する電圧について考える事にする。この状態を P. B. Wilson による phasor diagram で表示すると図1の様 になる[1]。ここで基準となる実軸をパンチ電流の方向 に取り、この軸がパンチの繰り返し周波数( $\omega_b$ )で回転 していると考える。従って、それぞれのパンチで誘起 される電圧の位相(周波数は分散特性曲線で位相速度C と重なる基本周波数 $\omega_{rt}$ (=2856MHz))は、パンチごとに  $\delta$ (= T<sub>b</sub> -T<sub>rt</sub> =  $2\pi/\omega_b-2\pi/\omega_{rt}$ )ずれて行く。今n番目 のパンチが丁度通過したところであるとすると、それ ぞれのパンチによって誘起される電圧の総和は、

$$\vec{V}_{bn}^{+} = V_{b0} (1 + e^{-\alpha} e^{j\delta} + \dots + e^{-(n-1)\alpha} e^{j(n-1)\delta})$$
(1)

と表される。

ここて $\alpha = \omega/2Q$ ・Tbであるが、パルス幅n・Tb(10ns)が 加速管の filling time Tr(=0.5 $\mu$ s)に比べて十分に 短いのでこの間の減衰は無視できる。又、ここまでに 断らなかったが、やはりパルス幅が短い事から、誘起 される波はこの間に加速間を殆ど進行せず、出口側か らもれ出すこともないとしている。n番目のパンチが 見る減速電圧は、(1)式で与えられる電圧の実数部から 自分自身が誘起する電圧(Vb0)の1/2を差し引いた値とな



### 図1 ビーム誘起電圧と外部rf電圧の位相関係

る。又、外部rf源による加速電圧は図1を参考にして求 められ、結局n番目のパンチが受ける合成された加速 電圧Vnは次式で与えられる。

$$V_n = V_n \cos(\theta - (n-1)\delta) - V_{b0} \frac{\sin(n-1/2)\delta}{\delta}$$
(2)

ここで $V_{rt}$ は零電流加速電圧、 $\theta$ は最初のパンチが乗る rfの波頭からの位相である。

今、ビーム負荷補償を適用する条件として、最初と 最後のバンチが受ける加速電圧((2)式でn=1とn=N)が 等しく、最後のバンチが外部rf源による電圧の波頭( $\theta$ =(N-1) $\delta$ )にあるとすると、

$$V_{b0}/V_{rf} \approx \frac{1 - \cos\theta}{(N - 1)\sin\theta/\theta}$$
 (3)

が求められる。この№を(2)式に代入すると、ビーム負 荷補償後のn番目のバンチが受ける加速電圧が得られ る。

$$V_n / V_n = \cos(\theta - (n-1)\delta) - \frac{1 - \cos\theta}{\sin\theta} \sin(n-1/2)\delta \quad (4)$$

ここで、Nが大きいとして(n-1/2)  $\delta = (n-1) \delta = \phi$ とす。 ると、上式は次のように書き表される。

$$V_n / V_{\eta'} \approx \frac{\cos\theta}{\cos(\theta/2)} \cos(\phi - \theta/2)$$
 (5)

この式が、ここまでの計算で求めようとした結果を与 えるもので、N個のバンチ列からなるパルス内のエネル ギー変化を示している。この式で明らかなように、エ ネルギー分布はパルスの中心で最大となるcosine曲線 で、その最大値は $V_{rt}\cos\theta/\cos(\theta/2)$ 、又パルスの両端 で最小値 $V_{rt}\cos\theta$ をもち、エネルギーの拡がりは、

$$\Delta V_{n} / V_{rf} = \left(\frac{1}{\cos\left(\theta/2\right)} - 1\right)\cos\theta \tag{6}$$

となる。

これらをPFリニアックに適用すると表1に示すような 結果が得られる。この表は無補償時のビーム負荷の程 度( $\Delta V/V$ 、エネルギーの拡がり)に対応してまとめてお り、負荷補償によってエネルギーの拡がりがほぼ4分 の1に圧縮されているのが分かる。ただ、平均加速利 得( $\langle V \rangle_{comp}$ )の低下も見られるが、これは、この方法が外 部エネルギーによる補償ではなく、波頭からのずらし によるものであるため止むを得ない事である。表中の 電流Ioは、Vbo = 2koq = Ior  $\tau$  (Tb/Tt)及び $\Delta V$  = NVboに よって次式で与えられる。

#### 表1 ビーム負荷補償のパラメーターとその効果

$\Delta V/V]_{100}$	⟨V⟩ <sub>no</sub>	Io	θ	Δf	(V) <sub>comp</sub>	$\Delta V/V]_{comp}$	
(%)	(MV/m)	(A)	(deg)	(MHz)	(MV/m)	(%)	
5	9.75	1.1	17.7	4.93	9.59	1.2	
10	9.50	2.2	25.0	6.94	9.19	2.4	
15	9.25	3.2	30.5	8.46	8.80	3.5	
20	9.00	4.3	35.0	9.73	8.42	4.8	
25	8.75	5.4	39.0	10.8	8.04	5.9	
30	8.50	6.5	42.6	11.8	7.67	7.2	

I<sub>0</sub>=1/( $r\tau$ )·(T<sub>f</sub>/NT<sub>b</sub>)· $\Delta V$ 

又、最初のバンチの位相シフト $\theta$ は(3)式によって求められる(PFリニアック:r=58MQ/m, $\tau$ =0.4, Tr=0.5 $\mu$ s, V=10MV/m)。

### 4、二次的な補償

以上の様に本ビーム負荷補償の方法では、ビーム誘 起による電圧が通過するバンチ数にほぼ比例して成長 するのに対して、位相シフトによる外部rfの電圧の変 化が非直線の為、エネルギーの拡がりを4分の1程度ま てにしか圧縮する事が出来なかった。この拡がりを更 に圧縮するには何か二次的な補正を加えなければなら ない。考えられるものとして、エネルギー利得を多少 犠牲にしてしまうが、最終バンチの位相を非直線性の 大きい加速電界の波頭からずらす方法と、電流パルス 波形を平坦なものから傾いたものにする方法とがある。

先ず、最終バンチを波頭からシフトさせる方法であ るが、この方法ではシフト量に応じてエネルギーの拡 がりを小さく出来るが、その分加速利得が低下してし まう。このためここでは、この利得低下の許容限界が 5%程度であると考えて、シフト量θ0を15度とした。こ の時の先頭パンチの位相θは先に行った手法、即ち、 先頭と最終のバンチの加速電圧を等し くする為の条件式を用いて算出する。 次の電流波形に変化を持たせる方法で あるが、予測される波形は、(9)式で得 られるパルス内のエネルギー変化から、 これを打ち消すような変化率を持つ波 形、即ち、近似として直線的に下がる 波形である事が分かる。

これらの具体的な計算は紙面の都合 上ここでは行わないが、表1にあった∆ V/Vが10%と20%の場合についてそれぞ れの計算結果を表2に示している。位相

シフトによる二次補正については、加速利得の低下が 大きい割には効果が期待する程でない様である。次の 方法についての計算では、パルスの傾きを現実的に得 られ易い指数関数で与えている。表に示すdroopの割合 は、パルスの両端及び中心の3点でエネルギーが等しく なるようにして求めた値であり、この時にエネルギー の拡がりが最小になる。この方法による効果は、かな り大きな垂れ下がりを必要としているが、先の一次補 償で4分の1圧縮されたされた拡がりを、更にその5分 の1までにに押さえてている。

## 5、本ビーム負荷補償の問題点

本ビーム負荷補償でバンチ間に対しては十分にエネ ルギーの拡がりを押さえることが出来た。しかし、大 きく波頭からずらした場合、バンチ幅の拡がりによに エネルギーの拡がりの方が大きくなってしまう。この ため、本方法が適応できるのはほぼΔV/Vが15%程度と 考えられる。

### 参考文献

[1] P. B. Wilson, "High Energy Electron Linac: Application to Storage Ring Rf systems and Linear Colliders". AIP Conference Proceedings, no.89, pp.450-482.

表2 二次的ビーム負荷補償の効果と比較

		一次補償			最終パンチの位相シフト			<b>垂れ下がり電流</b>				
	$\Delta V/V$	$\langle V \rangle$	θ	$\langle V \rangle$	$\Delta$ V/V	<i>θ</i> 0	θ	<v></v>	$\Delta V/V$	droop	<v></v>	$\Delta V/V$
_	(%)	(MV/m)	(deg)	(MV/m)	(%)	(deg)	(deg)	(MV/m)	(%)	(%)	(MV/m)	(%)
	10	9.5	25.0	9.19	2.4	15	29.5	8.73	0.8	83	9.03	0.5
_	20	9.0	35.0	8.42	4.8	15	38.9	7.85	2.2	79	8.12	0.9